

1) Jacob Ingebrigts verdensrekord på 3000 m er 7:17.55. **Hvilken gjennomsnittsfart tilsvarer dette?**

- A) 5.356 m/s B) 5.856 m/s C) 6.356 m/s D) 6.856 m/s E) 7.356 m/s F) 7.856 m/s
-

2) Du har vært på fisketur og fått sju ørreter med følgende masse: 220 g, 430 g, 404 g, 221 g, 345 g, 790 g, 955 g. **Hva er fiskenes gjennomsnittlige masse?**

- A) 431 g B) 441 g C) 451 g D) 461 g E) 471 g F) 481 g
-

Oppgave 3-6: En bil starter ved tidspunktet $t = 0$ og kjører med farten

$$v(t) = v_0 \sin \omega t,$$

med parametre $v_0 = 25$ m/s og $\omega = \pi/60$ s⁻¹. Kjøreturen varer i et minutt.

3) **Hva er bilens maksimale akselerasjon?**

- A) 1.3 m/s² B) 1.5 m/s² C) 1.7 m/s² D) 1.9 m/s² E) 2.1 m/s² F) 2.3 m/s²
-

4) **Hvor lang tid bruker bilen på å oppnå en fart 60 km/h?**

- A) 12 s B) 14 s C) 16 s D) 18 s E) 20 s F) 22 s
-

5) **Hvor lang er kjøreturen?**

- A) 935 m B) 945 m C) 955 m D) 965 m E) 975 m F) 985 m
-

6) Etter et halvt minutt kjører bilen gjennom en kort sving med krumningsradius 60 m. **Hva er da bilens akselerasjon?**

- A) 10.4 m/s² B) 10.9 m/s² C) 11.4 m/s² D) 11.9 m/s² E) 12.4 m/s² F) 12.9 m/s²
-

Oppgave 7 - 10: Ei lita og kompakt kule har diameter 4.0 cm og masse 50 g. Kula ruller uten å gli på en bane slik at kulas massesenter følger banen

$$y(x) = -A \sin(x/L).$$

Her er $A = 20$ cm og $L = 80$ cm. Koordinatene x og y angir hhv horisontal og vertikal posisjon for kulas massesenter. Kula starter i origo uten starthastighet. Banen går fra $x = 0$ til $x = 140$ cm.

7) Hva er banens maksimale hellingsvinkel, målt i grader?

- A) 10° B) 12° C) 14° D) 16° E) 18° F) 20°

8) Hva er kulas maksimale fart?

- A) 1.17 m/s B) 1.27 m/s C) 1.37 m/s D) 1.47 m/s E) 1.57 m/s F) 1.67 m/s

9) Hva er kulas totale dreieimpuls relativt origo ved banens ende?

- A) 10 mJ s B) 12 mJ s C) 15 mJ s D) 18 mJ s E) 21 mJ s F) 24 mJ s

10) Kula påvirkes kun av tyngdekraften etter at den har passert banens ende ved $x = 140$ cm. Hva er kulas maksimale y -koordinat i den resulterende parabelbanen?

- A) 5 cm B) 0 cm C) -5 cm D) -10 cm E) -15 cm F) -20 cm

Oppgave 11–12: En satellitt går i sirkulær bane rundt jorda 3500 km over jordas overflate.

11) Hva er satellittens hastighet?

- A) 3.35 km/s B) 4.35 km/s C) 5.35 km/s D) 6.35 km/s E) 7.35 km/s F) 8.35 km/s

Oppgitt: Jordas masse er $5.97 \cdot 10^{24}$ kg. Radian er 6371 km. Gravitasjonskonstanten er $6.67 \cdot 10^{-11}$ Nm²/kg².

12) Ved et bestemt tidspunkt er satellitten i forrige oppgave rett over Dovrefjell. Hvor lang tid bruker et lyssignal fra Trondheim via satellitten til Oslo?

- A) 13 ms B) 23 ms C) 33 ms D) 43 ms E) 53 ms F) 63 ms
-

13) En bil med masse M står i utgangspunktet i ro, men akselereres så med konstant effekt P . **Hvor langt har bilen kjørt etter en tid t ?**

- A) $\sqrt{8Pt/9M}$ B) $\sqrt{8Pt^2/9M}$ C) $\sqrt{8Pt^3/9M}$
D) $\sqrt{5Pt/9M}$ E) $\sqrt{5Pt^2/9M}$ F) $\sqrt{5Pt^3/9M}$
-

Oppgave 14–15: En tynn ring med diameter 20 cm, masse 350 g og jevn massefordeling har en liten punktmasse 50 g festet ute ved kanten.

14) Hva er avstanden fra ringens sentrum til systemets massesenter?

- A) 1.25 cm B) 2.25 cm C) 3.25 cm D) 4.25 cm E) 5.25 cm F) 6.25 cm

15) Systemet i forrige oppgave roterer med vinkelhastighet 25 rad/s omkring en akse som står normalt på ringens plan og som går gjennom ringens periferi på motsatt side av punktmassens posisjon. **Hva er systemets kinetiske energi?**

- A) 2.8 J B) 3.7 J C) 4.6 J D) 5.5 J E) 6.4 J F) 7.3 J
-

16) Fire punktmasser m , $2m$, $4m$ og $8m$ er plassert på y -aksen, henholdsvis i posisjonene a , $2a$, $3a$ og $4a$. **Hva er systemets treghetsmoment mhp x -aksen?**

- A) $123ma^2$ B) $133ma^2$ C) $143ma^2$ D) $153ma^2$ E) $163ma^2$ F) $173ma^2$
-

17) To like store masser m kolliderer i et sentralt elastisk støt. Før kollisjonen har de to massene hastighet hhv $2v_0$ og v_0 , begge i samme retning. **Hva er massenes hastigheter etter kollisjonen?**

- A) $3v_0/2$ og $3v_0/2$ B) v_0 og $2v_0$ C) 0 og $3v_0$
D) $-v_0/2$ og $7v_0/2$ E) $-v_0$ og $4v_0$ F) $-3v_0/2$ og $9v_0/2$
-

Oppgave 18 – 20: En matematisk pendel med masse 40 kg svinger harmonisk med periode 10 s.

18) Hvor lang er pendelen?

- A) 10 m B) 15 m C) 20 m D) 25 m E) 30 m F) 35 m

19) Massens maksimale fart i pendelbanen er 60 cm/s. Hva er pendelens maksimale utsving fra likevekt?

- A) 1.2° B) 2.2° C) 3.2° D) 4.2° E) 5.2° F) 6.2°

20) Pendelen er svakt dempet, og friksjonskraften (luftmotstanden) er proporsjonal med massens fart, $f = -bv$. Etter 400 hele svingninger er utsvingsamplituden redusert med 10 prosent. Hva er dampingskonstanten b ?

- A) 0.5 g/s B) 0.9 g/s C) 1.3 g/s D) 1.7 g/s E) 2.1 g/s F) 2.5 g/s
-

Oppgave 21 – 24: To punktladninger $\pm q$ ligger fast på y -aksen i posisjonene $\pm a$.

21) Med null potensial valgt uendelig langt unna ladningene, hva er potensialet på y -aksen i posisjon $y = 4a$?

- A) $q/10\pi\varepsilon_0 a$ B) $q/20\pi\varepsilon_0 a$ C) $q/30\pi\varepsilon_0 a$ D) $q/40\pi\varepsilon_0 a$ E) $q/50\pi\varepsilon_0 a$ F) $q/60\pi\varepsilon_0 a$

22) Hva er den elektriske feltstyrken i samme posisjon som i forrige oppgave?

- A) $2q/275\pi\varepsilon_0 a^2$ B) $4q/275\pi\varepsilon_0 a^2$ C) $6q/275\pi\varepsilon_0 a^2$
D) $2q/225\pi\varepsilon_0 a^2$ E) $4q/225\pi\varepsilon_0 a^2$ F) $6q/225\pi\varepsilon_0 a^2$

23) Hva er potensialet på z -aksen i posisjon $z = 4a$?

- A) $-q/4\pi\varepsilon_0 a$ B) $-q/8\pi\varepsilon_0 a$ C) 0 D) $q/12\pi\varepsilon_0 a$ E) $q/24\pi\varepsilon_0 a$ F) $q/48\pi\varepsilon_0 a$

24) Hva er den elektriske feltstyrken i samme posisjon som i forrige oppgave?

- A) $q/30\sqrt{15}\pi\varepsilon_0 a^2$ B) $q/34\sqrt{17}\pi\varepsilon_0 a^2$ C) $q/38\sqrt{19}\pi\varepsilon_0 a^2$
D) $q/42\sqrt{21}\pi\varepsilon_0 a^2$ E) $q/46\sqrt{23}\pi\varepsilon_0 a^2$ F) $q/58\sqrt{29}\pi\varepsilon_0 a^2$
-

25) En platekondensator har metallplater med areal 90 cm^2 i innbyrdes avstand 5.0 mm. Volumet mellom platene er fylt med et dielektrikum med relativ permittivitet 4.2. Spenningen mellom kondensatorplatene måles til 74 V. Hva er ladningen $(\pm)Q$ på kondensatorplatene?

-
- A) 2.0 nC B) 3.0 nC C) 4.0 nC D) 5.0 nC E) 6.0 nC F) 7.0 nC
-

26) En seriekobling av tre kapasitanser 5, 6 og 7 nF er parallellkoblet med en tilsvarende seriekobling av tre kapasitanser. **Hva er systemets totale kapasitans?**

- A) 3.9 nF B) 4.9 nF C) 5.9 nF D) 6.9 nF E) 7.9 nF F) 8.9 nF
-

27) En seriekobling av tre motstander 5, 6 og 7 Ω er parallellkoblet med en tilsvarende seriekobling av tre motstander. **Hva er systemets totale motstand?**

- A) 4 Ω B) 5 Ω C) 6 Ω D) 7 Ω E) 8 Ω F) 9 Ω
-

28) To parallellkoblede motstander 1.5 og 3.0 M Ω seriekobles med to parallellkoblede kapasitanser 1.5 og 3.0 μ F. **Hva blir kretsens tidskonstant?**

- A) 4.5 ns B) 4.5 μ s C) 4.5 ms D) 4.5 s E) 450 s F) 45000 s
-

Oppgave 29–30: En vekselspenning med amplitude 12 V kobles til en sølvtråd med tverrsnitt 1.5 mm². Strømamplituden blir 0.14 A. Elektrisk ledningsevne til sølv er 63.0 MS/m.

29) Hvor lang er sølvtråden?

- A) 6.1 km B) 6.6 km C) 7.1 km D) 7.6 km E) 8.1 km F) 8.6 km
-

30) Hvor mye elektrisk energi omdannes til termisk energi (varme) i sølvtråden per sekund?

- A) 0.34 J B) 0.44 J C) 0.54 J D) 0.64 J E) 0.74 J F) 0.84 J
-

Oppgave 31–32: Ioner med masse $24u$, ladning $2e$ og kinetisk energi 0.45 MeV går i sirkelbane med diameter 5.40 cm i et uniformt magnetfelt.

31) Hva er den magnetiske feltstyrken?

- A) 3.3 T B) 4.4 T C) 5.5 T D) 6.6 T E) 7.7 T F) 8.8 T

32) Anta at en blanding av ioner med masse $24u$ og $25u$ og lik ladning $2e$ er akselerert til samme kinetiske energi som i forrige oppgave. **Hva blir forholdet d_{24}/d_{25} mellom diameteren i sirkelbanen til de to ionetyppene i et uniformt magnetfelt?**

- A) 0.48 B) 0.58 C) 0.68 D) 0.78 E) 0.88 F) 0.98
-

Oppgave 33–34: To lange parallelle ledere i innbyrdes avstand 25 cm fører en strøm 25 A i samme retning.

33) Hva er den magnetiske feltstyrken i avstand 10 cm fra den ene og 35 cm fra den andre lederen?

- A) 44 μT B) 54 μT C) 64 μT D) 74 μT E) 84 μT F) 94 μT

34) Hva er den magnetiske feltstyrken i samme posisjon dersom strømmen i den ene lederen skifter retning?

- A) 16 μT B) 26 μT C) 36 μT D) 46 μT E) 56 μT F) 66 μT
-

35) En ideell spole har 100 viklinger rundt en ferromagnetisk kjerne med diameter 2.4 cm, lengde 20 cm og relativ permeabilitet 200. En vekselspanning med amplitude 12 V og frekvens 50 Hz kobles til spolen. **Hva blir strømamplituden?**

- A) 3.7 A B) 4.7 A C) 5.7 A D) 6.7 A E) 7.7 A F) 8.7 A
-

36) En ring med diameter 10 cm fører en strøm 10 A. **Hva er magnetisk feltstyrke på en akse normalt på ringens plan gjennom ringens sentrum og i avstand 20 cm fra ringens sentrum?**

- A) 1.8 μT B) 2.8 μT C) 3.8 μT D) 4.8 μT E) 5.8 μT F) 6.8 μT
-

Oppgave 37–40: En elektrisk krets består av en induktans 0.10 H, en kapasitans 0.10 mF og en motstand 0.10 m Ω . De tre komponentene er koblet i serie. Kondensatoren har i utgangspunktet en ladning $\pm 0.10 \text{ mC}$. En bryter lukkes ved tidspunktet $t = 0$, slik at en svakt dempet harmonisk varierende strøm begynner å gå i kretsen.

37) Hva er vekselstrømmens frekvens?

- A) 10 Hz B) 20 Hz C) 30 Hz D) 40 Hz E) 50 Hz F) 60 Hz
-

38) Ved $t = 0$ er en elektrisk energi U_0 lagret i kondensatoren. Denne energien omdannes gradvis til termisk energi (varme) i motstanden. **Hvor lang tid tar det før 90% av energien er omdannet til varme?**

- A) 2300 s B) 3400 s C) 4500 s D) 5600 s E) 6700 s F) 7800 s
-

39) Den elektriske kretsen skal brukes til å simulere et mekanisk svingesystem med masse m , fjærkonstant k og dempingsfaktor b . Det antas her at friksjonskraften er proporsjonal med massens hastighet, dvs på formen $f = -bv$. **Hvilken kombinasjon av m , k og b kan simuleres med denne kretsen?**

- A) $m = 100 \text{ g}$, $k = 100 \text{ N/cm}$, $b = 0.1 \text{ g/s}$ B) $m = 200 \text{ g}$, $k = 110 \text{ N/cm}$, $b = 0.4 \text{ g/s}$
C) $m = 300 \text{ g}$, $k = 120 \text{ N/cm}$, $b = 0.7 \text{ g/s}$ D) $m = 400 \text{ g}$, $k = 130 \text{ N/cm}$, $b = 1.0 \text{ g/s}$
E) $m = 500 \text{ g}$, $k = 140 \text{ N/cm}$, $b = 1.3 \text{ g/s}$ F) $m = 600 \text{ g}$, $k = 150 \text{ N/cm}$, $b = 1.6 \text{ g/s}$
-

40) En vekselpenningskilde med amplitude 0.25 mV kobles til svingekretsen for å simulere tvungne svingninger i det analoge mekaniske svingesystemet. Spenningskildens frekvens justeres slik at kretsen drives på resonans. **Hva blir strømamplituden?**

- A) 1.5 A B) 2.5 A C) 3.5 A D) 4.5 A E) 5.5 A F) 6.5 A
-