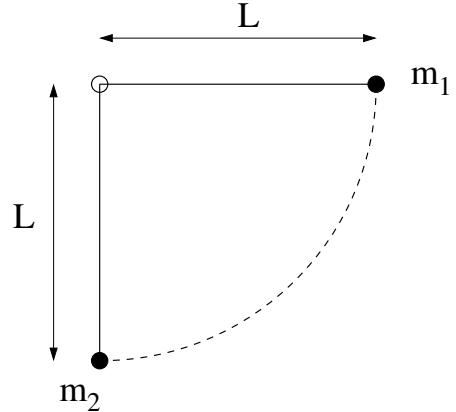


**TFY4104/TFY4125 Fysikk. Institutt for fysikk, NTNU.**  
**Øving 5.**

**Oppgave 1: Kulekollisjoner**

To kuler med masse  $m_1$  og  $m_2$  er hengt opp i samme punkt med tynne, vektløse snorer med lengde  $L$ . Kula med masse  $m_1$  trekkes ut til snora er horisontal og slippes. Den svinger nedover og treffer kula med masse  $m_2$  i et sentralt støt. Betrakt kulene som punktmasser slik at snorene er vertikale når kollisjonen skjer.



a) Hva er hastigheten  $v_1$  til massen  $m_1$  like før støtet?

- A)  $\sqrt{gL/2}$     B)  $\sqrt{gL}$     C)  $\sqrt{2gL}$     D)  $\sqrt{3gL}$     E)  $\sqrt{4gL}$

b) Hva er strekket  $S_1$  i snora som  $m_1$  henger i like før støtet?

- A)  $m_1g$     B)  $2m_1g$     C)  $3m_1g$     D)  $4m_1g$     E)  $5m_1g$

c) Anta at kulene er klebrige og henger sammen etter kollisjonen, dvs kollisjonen er fullstendig uelastisk. Hvor høyt kommer kulene da etter kollisjonen?

- A)  $L$     B)  $L \cdot (m_1/m_2)$     C)  $L \cdot (m_1/(m_1 + m_2))$     D)  $L \cdot (m_2/(m_1 + m_2))$     E)  $L \cdot (m_1/(m_1 + m_2))^2$

d) Hva er forholdet mellom mekanisk energi etter og før denne fullstendig uelastiske kollisjonen?

- A)  $m_1/(m_1 + m_2)$     B)  $m_2/(m_1 + m_2)$     C)  $(m_2/(m_1 + m_2))^2$     D)  $m_1/m_2$     E)  $m_2/m_1$

Anta heretter at kollisjonen er elastisk.

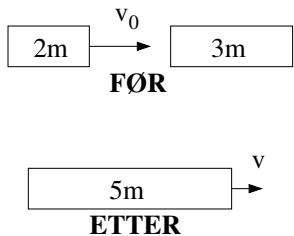
e) Hva er hastigheten til kule 2 like etter kollisjonen.

- A)  $v_1$     B)  $v_1 \cdot 2m_1/(m_1 + m_2)$     C)  $v_1 \cdot m_1/(m_1 + m_2)$     D)  $v_1 \cdot 2m_2/(m_1 + m_2)$     E)  $v_1 \cdot m_1/m_2$

f) Hva må masseforholdet  $m_1/m_2$  minst være for at kule 2 etter støtet skal svinge helt rundt, dvs nå toppunktet med stram snor?

- A) 6    B) 5/3    C)  $\sqrt{5}/\sqrt{8}$     D)  $\sqrt{8}/(\sqrt{8} - \sqrt{5})$     E)  $\sqrt{5}/(\sqrt{8} - \sqrt{5})$

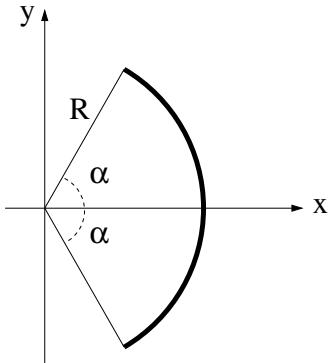
## Oppgave 2: Fullstendig uelastisk kollisjon



En kloss med masse  $2m$  kolliderer fullstendig uelastisk med en kloss med masse  $3m$ . Før kollisjonen har klossen med masse  $2m$  hastighet  $v_0$  mens klossen med masse  $3m$  ligger i ro. Etter kollisjonen har klossene felles hastighet  $v$ . Hvor mye mekanisk energi har gått tapt i kollisjonen?

- A)  $mv_0^2/3$     B)  $2mv_0^2/5$     C)  $3mv_0^2/5$     D)  $mv_0^2$     E)  $4mv_0^2/5$

## Oppgave 3: Tyngdepunkt



- a) En tynn, jevntykk bøyle er en del av en sirkel og har sektorvinkel  $2\alpha$ , som vist i figuren. Sirkelradien er  $R$ . Vis at tyngdepunktet er

$$X = R \frac{\sin \alpha}{\alpha}.$$

Hva blir resultatet for  $\alpha = \pi$  og  $\alpha \rightarrow 0$ ? Er svarene rimelige?

- b) Bøylen erstattes av en sirkelsektor (dvs ei tynn, jevntykk skive) med samme åpningsvinkel  $2\alpha$  og radius  $R$ . Vis at tyngdepunktet er

$$X = \frac{2}{3}R \frac{\sin \alpha}{\alpha}.$$

Hva blir resultatet for  $\alpha = \pi$  og  $\alpha \rightarrow 0$ ? Er svarene rimelige?